

Algoritmi di ordinamento

Sequential-sort, Bubble-sort, Quicksort

Definizione

- Dato un multi-insieme $V = \{V_n\}_{n=0}^{N-1}$ di valori in D , il problema dell'ordinamento è trovare una permutazione $n(j)$ degli indici n tale che $j_2 \geq j_1 \Rightarrow V_{n(j_2)} \geq V_{n(j_1)}$

Sequential-sort

- Richiede la ricerca del massimo valore dell'insieme ed un'operazione di swap
- Si seleziona l'elemento massimo di V e si scambia di posizione con l'elemento nell'ultima posizione
- si prosegue allo stesso modo sui primi $N-1$ elementi

Sequential-sort: costo

- $\Gamma_{SeqS}(N) = c_1 \cdot N + c_2 + \Gamma_{SeqS}(N-1)$ se $N > 1$,
 c_2 se $N = 0$

dove $c_1 \cdot N$ costo di selezione, c_2 costo di swap

- Eseguendo i conti: $C_{SeqS}(N) = O(N^2)$

Sequential-sort: implementazione

```
void seqSort(struct data *V, int N, int *perm)
{
    int count, countMax, iter;

    for (count=0; count<N; count++)
        perm[count]=count;

    for (iter=0; iter<(N-1); iter++)
    {
        for (count=1, countMax=0; count<(N-iter); count++)
            if ( isGreater(V[perm[count]], V[perm[countMax]]) )
                countMax = count;
        swap( perm, countMax, N-iter-1 );
    }
}
```

Sequential-sort: ottimizzazione

- Si può cercare di sostituire massimo e minimo contemporaneamente
- si dimezza il numero di iterazioni, che diventano più costose computazionalmente
- la ricerca contemporanea di massimo e minimo è comunque meno costosa (il guadagno è qui)

Sequential-sort: ottimizzazione

- Ricerca contemporanea di massimo e minimo:

```
if (x>y)
{
    if (x>max)
        max=x;
    if (y<min)
        min=y;
} else {
    if (y>max)
        max=y;
    if (x<min)
        min=x;
}
```

NOTA: il costo rimane $O(N^2)$,
stiamo riducendo i confronti
da 4 a 3

Bubble-sort

- Richiede il confronto e lo swap di elementi successivi, iterando sui dati
- All'iterazione k si scandiscono le posizioni da 0 a $N-k-1$, confrontando gli elementi [posizione] e [posizione+1], eventualmente permutando le posizioni non ordinate
- Se non si scambia nessun elemento non si itera più

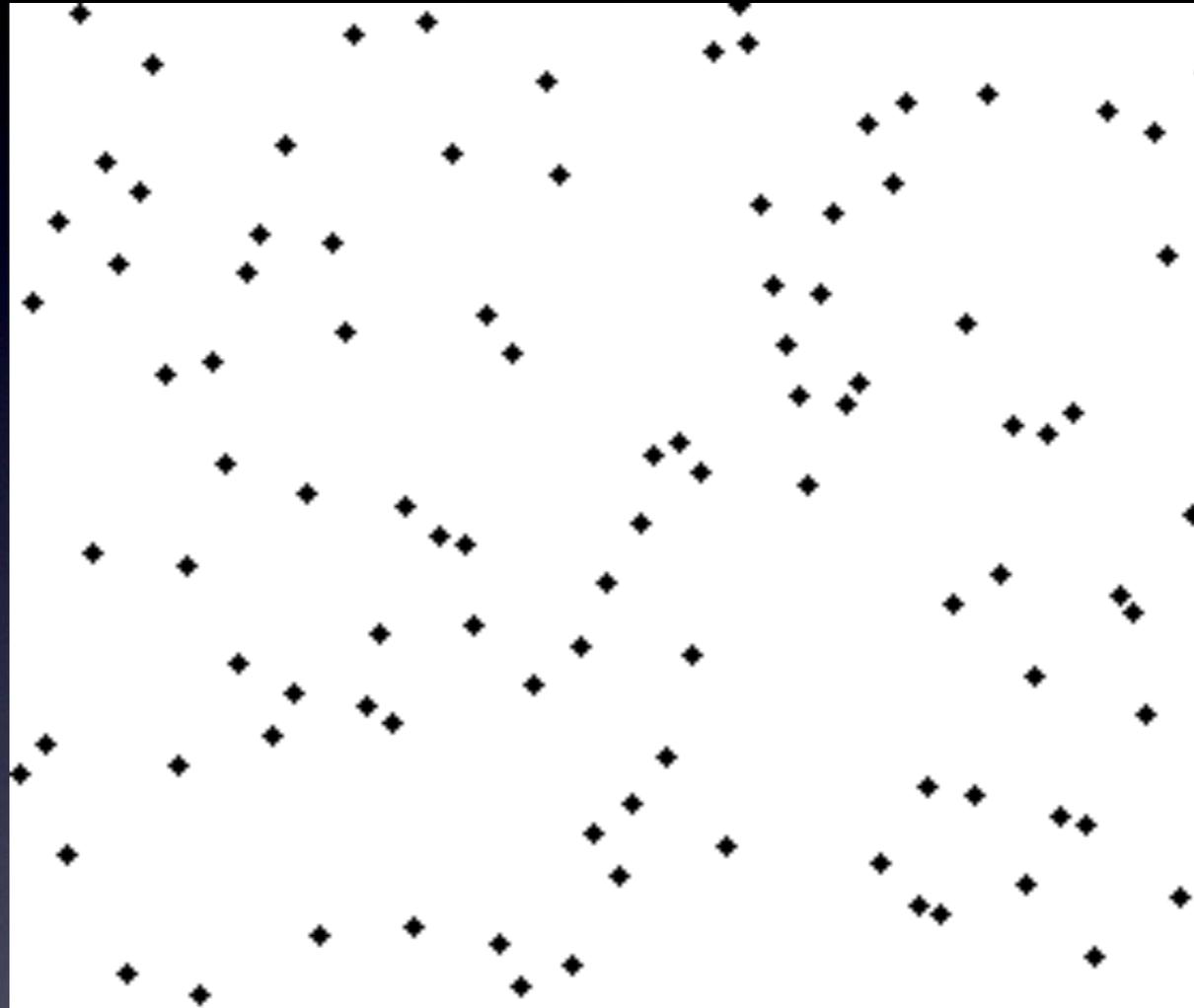
Bubble-sort: proprietà

- i. un elemento che all'inizio dell'iterazione **NON** è preceduto da alcun maggiorante avanza fino ad incontrare il primo; se non ha maggioranti avanza fino all'ultima posizione
- ii. un elemento che all'inizio dell'iterazione è preceduto da almeno un maggiorante, al termine dell'iterazione è arretrato di **UNA** posizione

Bubble-sort: esempio

- L'algoritmo è asimmetrico: per le proprietà i e ii i valori più grandi salgono velocemente mentre i piccoli al massimo scendono di una posizione

Bubble-sort: esempio



- L'algoritmo è asimmetrico: per le proprietà i e ii i valori più grandi salgono velocemente mentre i piccoli al massimo scendono di una posizione

Bubble-sort: costo

- Dopo k iterazioni gli ultimi k elementi sono nelle posizioni corrette (proprietà i), dobbiamo iterare solo sulle prime $N-k$ posizioni

- $\Gamma_{BubS}(N) = (s+c) \cdot N + \Gamma_{BubS}(N-1)$ se $N > 1$,
 c_2 se $N = 0$

dove c è il costo di confronto, s costo di swap

- $\Gamma_{BubS}(N) = \frac{(s+c)(N-1)(N-2)}{2} \Rightarrow C_{BubS}(N) = O(N^2)$

Bubble-sort: costo

- Possiamo terminare senza aver fatto tutte le $N-2$ iterazioni: nell'algoritmo sequenziale NO
- Posso dover fare $(N-1)(N-2)$ swap: nel sequenziale ne facciamo sempre $(N-1)$
- il meccanismo di virtualizzazione dell'ordine diventa importante

Bubble-sort: implementazione

```
void bubbleSort(struct data *V, int N, int *perm)
{
    int iter;
    Boolean noSwap;
    Boolean swapFound;

    iter = 0;
    noSwap = FALSE;

    while ( noSwap == FALSE )
    {
        for (count=0, swapFound=FALSE; count<N-iter-1; count++)
        {
            if ( isSmaller(V[perm[count]], V[perm[count+1]]) )
            {
                swap( perm, count, count+1); // virtualizzazione dell'ordine
                swapFound = TRUE;
            }
        }
        if ( swapFound == FALSE )
            noSwap = TRUE;
        else
            iter++;
    }
}
```

Quicksort

- Algoritmo di tipo *divide et impera*
 - come Mergesort
 - introdotto nel 1960 da C.A.R. Hoare
 - tipica implementazione ricorsiva
 - disponibile nella libreria standard C
- Richiede di risolvere un problema di partizione

Quicksort: algoritmo di partizione

- Si riarrangiano gli elementi di un vettore in modo che un elemento pivot sia portato in posizione tale da avere alla sua sinistra solo elementi minori o uguali e a destra elementi maggiori
- Scelta del pivot: l'elemento in una posizione tipica del vettore (es. primo) o scelta casuale

Quicksort: algoritmo ricorsivo

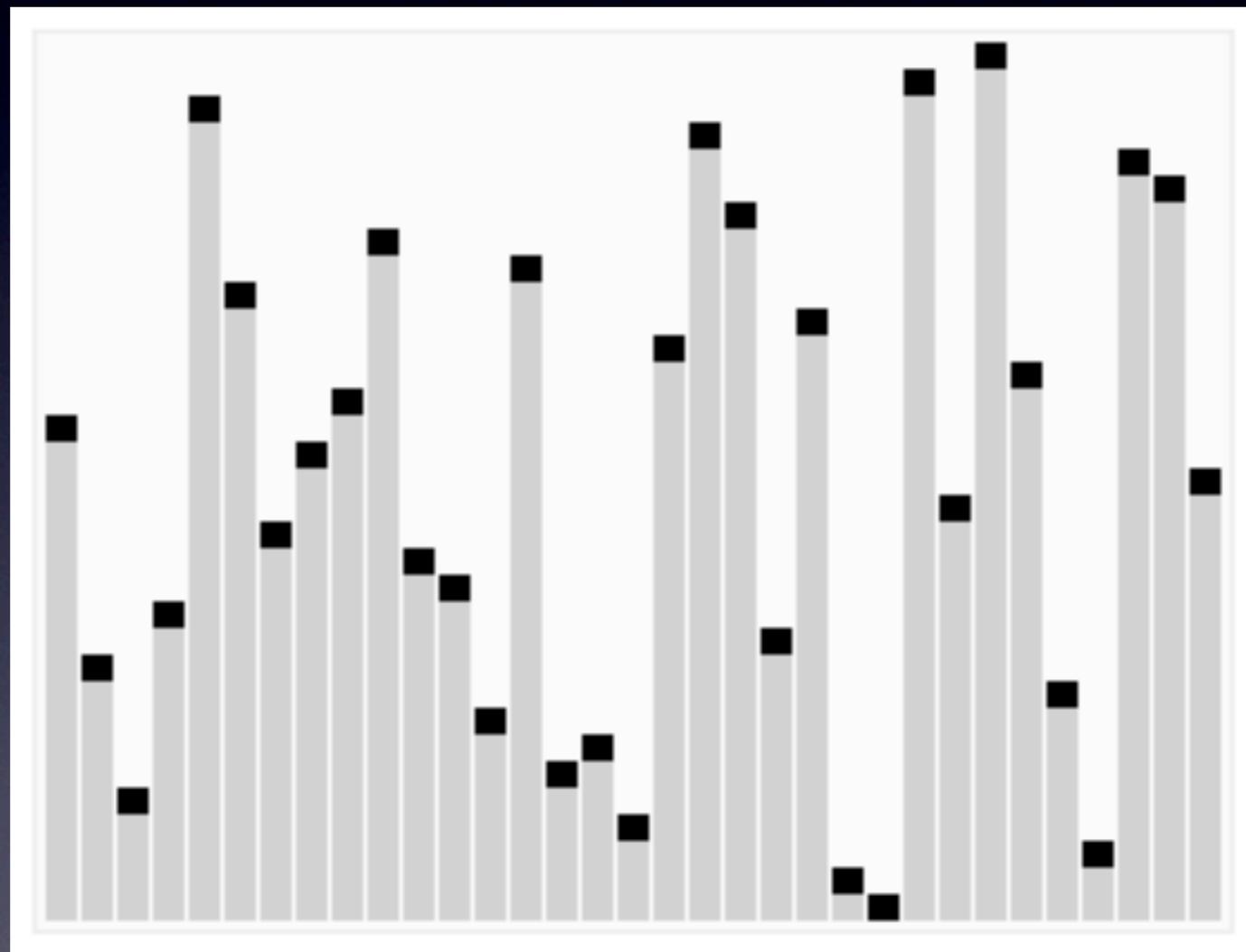
- si sceglie un elemento dell'array (il “pivot”)
- si suddividono gli altri elementi in due gruppi:
 - “quelli piccoli” che sono minori del pivot
 - “quelli grandi” che sono maggiori o uguali al pivot
- si ordina ricorsivamente ogni gruppo

Quicksort: proprietà

- Gli elementi minori del pivot NON devono essere confrontati con i maggiori; altrettanto i maggiori con i minori
- nell'ordinamento sequenziale o bubble-sort ogni elemento è confrontato con gli altri

Quicksort: esempio

Quicksort: esempio



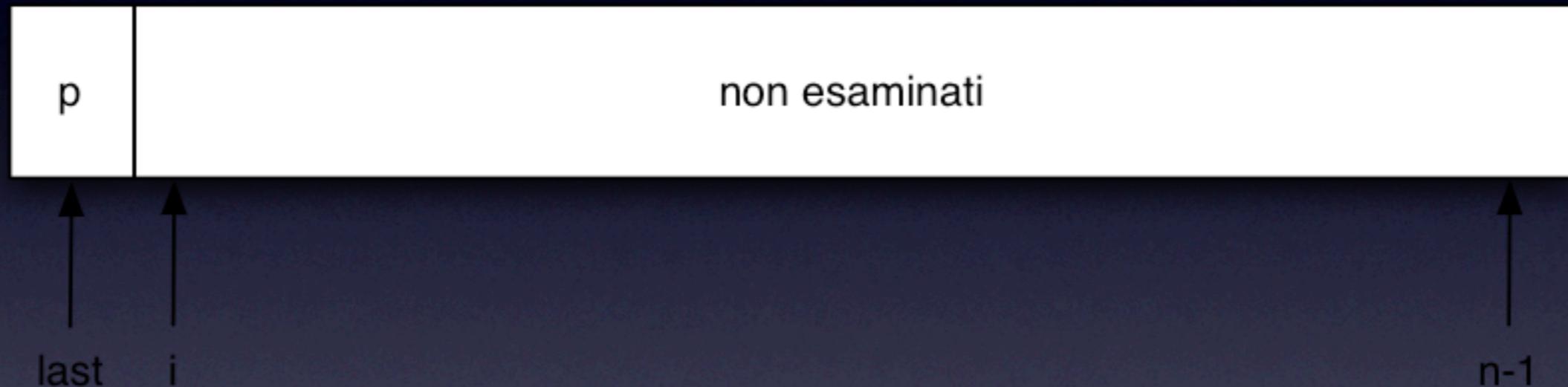
Quicksort: implementazione

```
void quicksort( int v[], int n)
{
    int i, last;

    if (n <= 1)
        return;
    swap(v, 0, rand()%n); // pivot random, spostato in v[0]
    last = 0;
    for ( i=1; i<n; i++ )
        if ( v[i] < v[0])
            swap( v, ++last, i);
    swap( v, 0, last ); // recupera il pivot
    // ordina ricorsivamente le due parti
    quicksort( v, last );
    quicksort( v+last+1, n-last-1 );
}
```

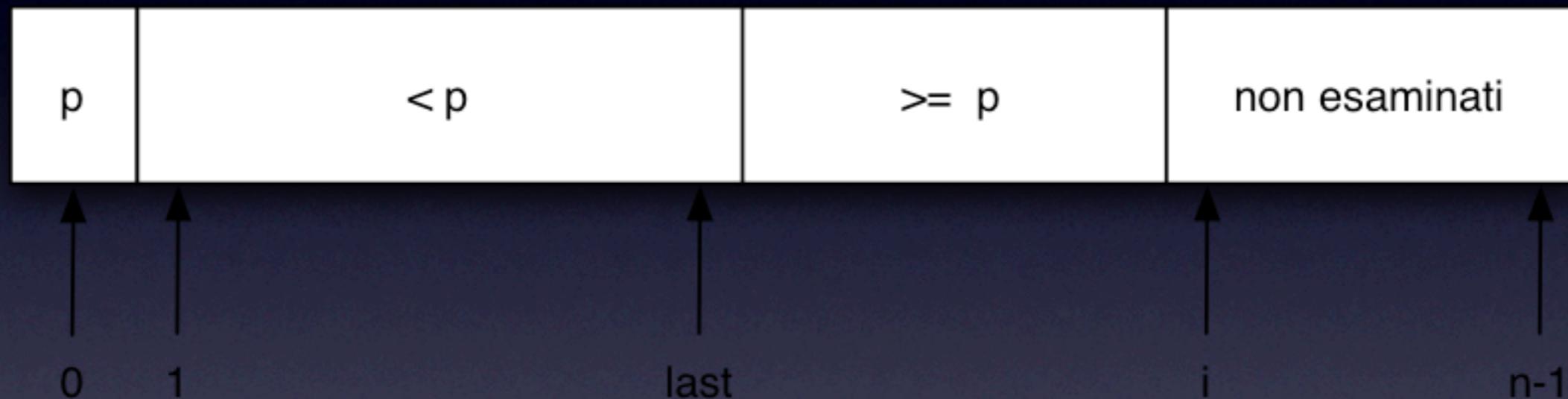
```
void swap(int v[], int i, int j)
{
    int temp;
    temp=v[i];
    v[i]=v[j];
    v[j]=temp;
}
```

- All'inizio del processo il pivot viene messo nella prima posizione



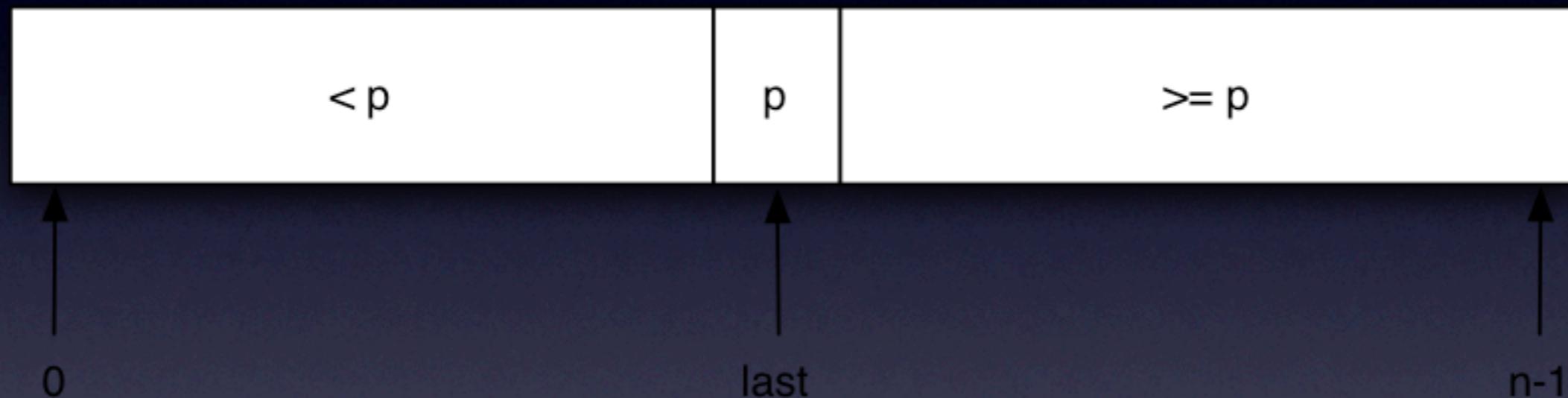
- Dopo che tutti gli elementi sono stati suddivisi l'elemento 0 viene scambiato con l'elemento last per rimettere il pivot nella posizione finale

- All'inizio del processo il pivot viene messo nella prima posizione



- Dopo che tutti gli elementi sono stati suddivisi l'elemento 0 viene scambiato con l'elemento last per rimettere il pivot nella posizione finale

- All'inizio del processo il pivot viene messo nella prima posizione



- Dopo che tutti gli elementi sono stati suddivisi l'elemento 0 viene scambiato con l'elemento last per rimettere il pivot nella posizione finale

Quicksort: funzione di libreria

- La funzione di libreria `qsort` deve ricevere la funzione di comparazione come parametro
 - si usa un puntatore a funzione
 - la funzione deve poter lavorare su qualsiasi tipo, quindi riceve puntatori `void` e poi ne fa il cast appropriato

Quicksort: funzione di libreria

- `void qsort`
(`void *base`, `size_t nel`, `size_t width`, `int (*compar)(const void *, const void *)`);

Quicksort di *nel* oggetti, il cui elemento iniziale è puntato da *base*. Ogni oggetto ha dimensione *width*. La comparazione è fatta dalla funzione *compar*.

Funzione di comparazione: esempio

```
int icmp(const void *p1, const void *p2)
{
    int v1, v2;

    v1 = *(int *)p1;
    v2 = *(int *)p2;
    if( v1 < v2 );
        return -1;
    else if ( v1 == v2 )
        return 0;
    else
        return 1;
}
```

Quicksort: esempio di uso della libreria

```
int arr[N];  
qsort( arr, N, sizeof(arr[0]), icmp);
```

Esempio di uso di puntatore a funzione

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

void controlla(char *a, char *b, int (*cmp)(char *a1, char *b1));

int main (int argc, const char * argv[]) {
    char s1[80],s2[80];
    int (*p)();
    p=strcmp;

    gets(s1);
    gets(s2);

    controlla(s1,s2,p);

    return 0;
}

void controlla(char *a, char *b, int (*cmp)(char *a1, char *b1))
{
    printf("Controllo %s e %s\n",a,b);
    if(!(*cmp)(a,b))
        printf("Uguali\n");
    else
        printf("Diversi\n");
}
```